# - МЕЛИОРАЦИЯ

УДК 628.147.1

# АНАЛИЗ ЭЛЕМЕНТОВ НАПРЯЖЕННО-ДЕФОРМИРОВАННОГО СОСТОЯНИЯ ВОДОВОДА ПРЯМОУГОЛЬНОГО СЕЧЕНИЯ ПРИ РАБОТЕ В РАЗЛИЧНЫХ УСЛОВИЯХ

В. Г. Дегтярев, кандидат технических наук

О. Г. Дегтярева, доктор технических наук

**Н. В. Коженко**, кандидат технических наук

Кубанский государственный аграрный университет имени И. Т. Трубилина, г. Краснодар, Россия

### Аннотация

На внутрихозяйственной оросительной сети геометрические размеры и поперечный профиль водовода зачастую диктуются физической потребностью его пропускной способности на данном участке. Вопрос о рациональном поперечном профиле водовода напрямую связан с его напряженно-деформированным состоянием при работе. Производственный и эксплуатационный опыт показывает, что устройство водоводов осуществляют без должного анализа тотальных напряжений в грунте и самих конструкциях. Объект исследования — водовод прямоугольного поперечного сечения при воздействии на него статических, динамических нагрузок и их сочетаний.

**Ключевые слова:** водоводы, поперечные сечения, напряженно-деформированное состояние, полные напряжения, численное моделирование, математический анализ.

### Abstract

V. G. Degtyarev, O. G. Degtyareva, N. V. Kozhenko
ANALYSIS OF THE STRESS-STRAIN STATE ELEMENTS
OF A RECTANGULAR SECTION WATER LINE WHEN
WORKING UNDER VARIOUS CONDITIONS

On an on-farm irrigation network, often the geometric dimensions and cross-sectional profile of the water conduit are dictated by the physical need for its throughput in a given area. The question about the rational transverse profile of the conduit directly related to its stress-strain state during operation. Production and operational experience shows that the installation of water conduits is carried out without a proper analysis of the total stresses in the soil and in the structures themselves. The object of study is a water conduit with a rectangular cross section under the influence of various loads on it: static, dynamic, and their combinations.

**Keywords:** conduits, cross sections, stress-strain state, total stresses, numerical modeling, mathematical analysis.

## Введение

Доступные ресурсы — это одна из основ развития любого региона страны. Нехватка пресной воды сдерживает развитие ряда территорий России, и эта негативная тенденция год от года только усугубляется [1].

Для расширения площадей орошения и экономии водных ресурсов необходимо совершенствовать энергосберегающие технологии и технические средства, участвующие в водораспределении [2, 3]. При использовании программного продукта Midas GTX NX получены массивы цифровых данных по водоводу

прямоугольного сечения [4]. Они обработаны в программе wxMaxima, результаты подверглись в дальнейшем последовательному, всестороннему анализу, который позволил оценить рациональность использования данного поперечного профиля водовода с учетом его напряженно-деформированного состояния (далее – НДС) в условиях работы.

Один из вариантов водовода прямоугольного поперечного сечения представлен на рис. 1, а на рис. 2 – геометрические характеристики водовода в плане.

За ответственные водопроводящие сооружения на внутрихозяйственной оросительной сети принимаются те, над которыми проходят дороги. При этом выбор конструктивно-технологического решения как по водоводу, так и по дороге зависит от функционального значения водопроводящей сети и реальных связей проходящей дороги с дорогами более высокого порядка [5].

Как можно видеть на рис. 1—2, основные несущие элементы водопропускного сооружения — это монолитные бетонные блоки, конструктивно представляющие опоры и железобетонные плиты, формирующие пролет. Стоимость подобного вида сооружений непосредственно зависит от НДС, прямо пропорционально коррелирующего с шириной железобетонных конструктивных элементов и со степенью их армирования [6].



Рис. 1. Общий вид водовода прямоугольного сечения (фото авторов, 2021 г.)

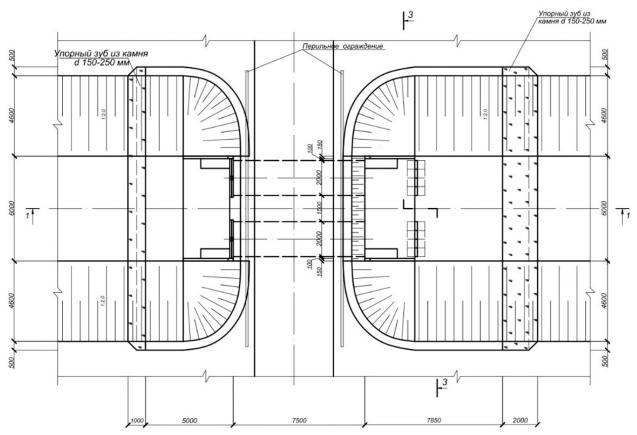


Рис. 2. Геометрические размеры водовода в плане

# Основные результаты исследований и их обсуждение

Рассмотрим напряженно-деформированное состояние водовода прямоугольного поперечного сечения, размещенного в однородном грунте обратной засыпки.

При этом за факторы, наиболее влияющие на функцию отклика, принимаем высоту грун-

та над верхней частью водовода и нагрузки от оси автомобиля, проходящего по образованному мостовому переезду. Работа водовода рассматривалась посредством численного моделирования; использовался метод конечных элементов [7].

Расчеты осуществлялись с применением программного комплекса Midas GTX NX, что обосновывается, во-первых, трудоемкой задачей аналитического решения ввиду наличия в грунте нелинейных свойств, консолидационных процессов, во-вторых, возможностью динамического разжижения грунта засыпки и упрочнения во временной области. Достоверность получаемой информации по решению задач подтверждается сертификатом соответствия государственным стандартам

Российской Федерации (касающимся информационных технологий, оценки качества программных средств, программной продукции, мелиоративных систем и сооружений методов лабораторного определения физических характеристик грунтов, лабораторного определения параметров их переуплотнения, др.) и Еврокоду, а также верификационным тестированием разработчика и авторов статьи.

На рис. 3 представлена расчетная модель водовода прямоугольного поперечного сечения.

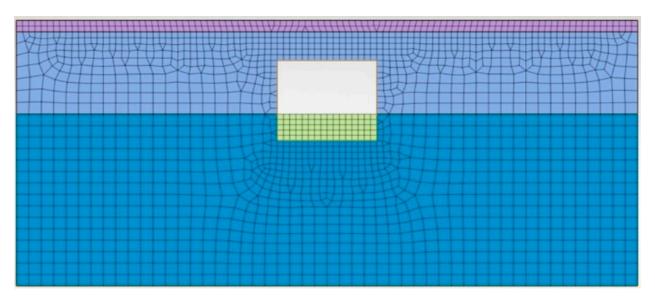


Рис. 3. Расчетная модель водовода прямоугольного поперечного сечения

При формировании расчетной модели данного водовода учтены следующие ограничения:

- закрепление контура модели, обеспечивающего невозможность вертикального и горизонтального перемещения;
- этапное формирование модели с учетом вышепредставленных ограничений (последовательное формирование ограничений);
- ограничение, обеспечивающее отсутствие возможности больших перемещений для ускорения расчета.

Для разработки математической модели, основанной на большом массиве цифр, полученных в результате численного моделирования процесса работы водовода в описанных условиях, а также ее исследования, использован комплекс wxMaxima [8, 9]. Данное математическое программное обеспечение выбрано в силу наличия в нем широкого функционала, включая обширную библиотеку приложений. Также оно работает с другим программным

обеспечением и может использоваться в качестве интерфейса для числовых библиотек.

Исследования выполнены с целью оценки зависимостей полных напряжений от высоты насыпи, что позволяет оптимизировать параметры прямоугольных водоводов.

В свою очередь, из анализа производственных ситуаций принят фактор высоты грунта над водоводом (h) и назначен к изменению от 0,5 и до 1,2 м, а фактор нагрузки от оси автомобиля (f) принят к изменению от 5 и до 40 т. Геометрические размеры водовода в поперечном сечении, представляющем прямоугольник, составляют 1,5 х 2,0 м.

В ходе использования программного комплекса Midas GTX NX осуществлены расчеты напряженно-деформированного состояния водовода прямоугольного поперечного профиля, в частности TOTAL S-YY и S-XX (кН/м²); они приведены для постоянной высоты грунта над верхом водовода в 0,9 м и при его расположении на однородном грунте обратной засыпки (табл. 1).

Таблица 1. Полные напряжения в водоводе на насыпном основании
в зависимости от высоты грунта над ним и нагрузки от оси автомобиля

Номер	Номер Высота грунта, Нагрузка опыта $h$ (м) от оси авто, $f$ (	Нагрузка	Полные напряжения		
опыта		от оси авто, $f$ (т)	TOTAL S-YY, ĸH/m²	TOTAL S-XX, κΗ/м²	
1	0,9	5	-220,66	-104,54	
2	0,9	10	-226,83	-107,70	
3	0,9	15	-232,99	-110,86	
4	0,9	20	-239,27	-114,08	
5	0,9	25	-246,88	-117,77	
6	0,9	30	-251,81	-120,51	
7	0,9	35	-259,07	-124,24	
8	0,9	40	-264,41	-126,98	

Расчетные данные табл. 1 — один из фрагментов расчетов. Далее они выполняются при сочетании всех указанных факторов влияния, в результате чего появляется большой массив цифр, описывающих рассматриваемый процесс.

Полученный в итоге большой массив цифр, характеризующий процесс изменения полных напряжений при расположении водовода на насыпном основании, представлен в виде матрицы. Ее фрагмент, как результат численного моделирования, имеет следующий вид:

*M:matrix* ([0.5,5,-229.95], [0.5,10,-236.04], [0.5,15,-243.13], [2.5,20,-249.76], [0.5,25,-257.23], [0.5,30,-264.06], [0.5,35,-270.89], [0.5,40,-276.77], [0.6,5,-220.67], [0.6,10,-227.94], [0.6,15,-231.53], [0.6,20,-238.12], [0.6,25,-244.76]).

Численное моделирование — это один из эффективных методов изучения сложных систем. Компьютерные модели проще и удобнее исследовать, так как на них возможно проводить числовые эксперименты, абстрагируясь от натуры, поэтому воспользуемся для анализа данным методом.

Для углубленного изучения полных напряжений, возникающих в водоводе прямоугольного сечения, расположенном на насыпном основании, необходимо получить математические модели процессов полных напряжений S-YY и S-XX (кН/м²). Затем последователь-

но осуществляется работа над матрицей для нелинейного анализа критериев моделей с применением метода наименьших квадратов.

Математическая модель процесса представляется в виде полинома:

$$(M, [x, y, z], z = a + b \times x + c \times y + d \times x \times y + e \times x^2 + f \times y^2)$$
. При этом  $[a, b, c, d, e, f]$  – список параметров, отвечающий за названия критериев, для которых отыскиваются оценки.

Опуская весь промежуточный объем расчетов, представим конечный результат для водоводов прямоугольного сечения, расположенных на насыпном основании, в виде полученных математических моделей полных напряжений:

полные напряжения TOTAL S-YY:

$$Z(x, y) = -256.027 + 100.183x - 1.403y + 0.222 x y - 59.029x^2 - 7.425 × 10^{-4} × y^2;$$
 полные напряжения TOTAL S-XX:

$$Z(x, y) = -122.585 + 51.608x - 0.723y + 0.114 x y - 30.507x^2 - 2.904 \times 10^{-4} \times y^2$$
.

На рис. 4 представлена визуализация расчета полных напряжений TOTAL S-YY в водоводе, расположенном на насыпном основании при высоте грунта над водоводом 0,9 м и усилии от оси автомобиля в 10 т. На рис. 5 — при тех же факторах визуализация расчетов полных напряжений TOTAL S- XX. Формирование результатов выполнено благодаря техническим возможностям программных продуктов, в связи с чем шкалы изменения результатов показаны на фоне диалогового окна программы.

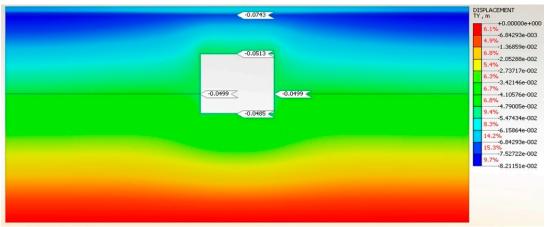


Рис. 4. Полные напряжения TOTAL S-YY, кН/м<sup>2</sup>

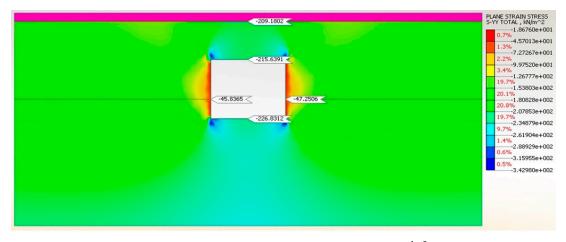


Рис. 5. Полные напряжения TOTAL S-XX,  $\kappa H/m^2$ 

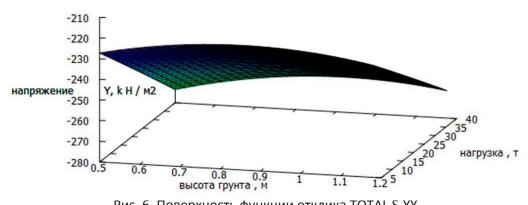


Рис. 6. Поверхность функции отклика TOTAL S-YY

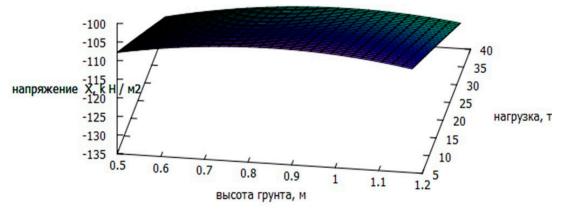


Рис. 7. Поверхность функции отклика TOTAL S-XX

С помощью вышепредставленных математических моделей осуществлено построение 3D-моделей поверхностей функций отклика: Z = f(x,y) для TOTAL S-YY и S-XX (рис. 6 и 7). Также осуществлен последовательный анализ полученных поверхностей функций отклика путем построения линий равных уровней (рис. 8 и 9).

Дальнейшее исследование математических моделей и анализ геометрических графиков предполагают задание параметров исследуемых факторов на постоянных уровнях и по моделям, преобразованным таким образом, а также выявление степени влияния переменных факторов на функцию отклика.

При определении на постоянных уровнях высоты грунта над водоводом в параметрах 0,5; 0,85; 1,2 м из основной математической модели процесса полных напряжений S-XX получены соответствующе преобразованные уравнения:

при 0,5 м Z=-2,904 ×  $10^4$  ×  $y^2$ -0,666y-104,408; 0,85 м Z=-2,904 ×  $10^4$  ×  $y^2$ -0,626y-100,760; 1,2 м Z=-2,904 ×  $10^4$  ×  $y^2$ -0,586y-104,586.

Графическая интерпретация данных уравнений представлена на рис. 10 (напряжения при постоянных высотах грунта над водоводом 0,5; 0,85 и 1,2 м).

Следующий этап исследования математической модели процесса изменения полных напряжений S-XX — выведение на постоянные параметры фактора нагрузки от оси автомобиля на значения 5,0; 20,25; 40,0 т соответственно.

Данное действие позволило получить следующие соответствующие уравнения:

при 5,0 т 
$$Z = -30,507 x^2 + 52,179 x - 126,212;$$
  $20,25$  т  $Z = -30,507 x^2 + 53,920 x - 137,362;$   $40,0$  т  $Z = -30,507 x^2 + 56,176 x - 152,002.$ 

Данные уравнения графически проинтерпретированы на рис. 11 (напряжения при постоянных нагрузках на грунт от оси автомобиля в 5; 20,25; 40 т).

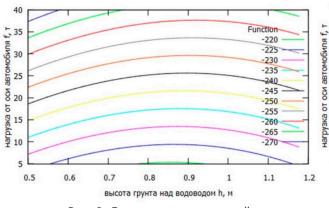


Рис. 8. Линии равных уровней по поверхности функции отклика **TOTAL S-YY** 

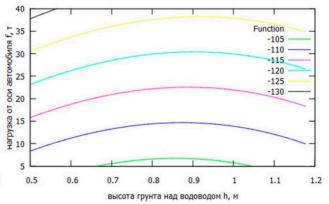


Рис. 9. Линии равных уровней по поверхности функции отклика **TOTAL S-XX** 

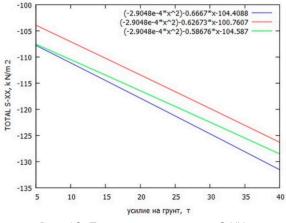


Рис. 10. Полные напряжения S-XX (в зависимости от нагрузки оси автомобиля на грунт)

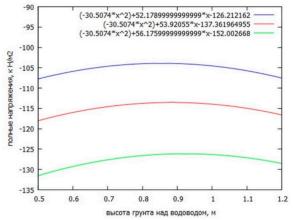


Рис. 11. Полные напряжения S-XX (в зависимости от высоты грунта над водоводом)

Далее исследовались полные напряжения S-YY на водоводе прямоугольного сечения в однородном грунте при постоянных высотах грунта над водоводом 0,5; 0,85; 1,2 м (в зависимости от нагрузки на грунт от оси автомобиля). Преобразование математической модели процесса изменения полных напряжений S-YY по указанным условиям позволило получить следующие уравнения:

при 0,5 м 
$$Z$$
=-7,425 ×  $10^4$  ×  $x^2$  - 1,292 $x$  - 220,692; 0,85 м  $Z$ =-7,425 ×  $10^4$  ×  $x^2$ -1,214 $x$ -213,519; 1,2 м  $Z$ =-7,425 ×  $10^4$  ×  $x^2$ -1,136 $x$ -220,809.

Графическая интерпретация полученных уравнений показана на рис. 12 (напряжения при постоянных высотах грунта над ним 0,5; 0,85 и 1,2 м).

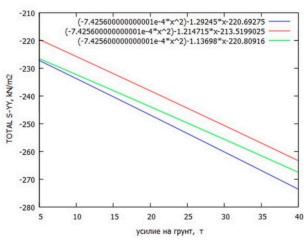


Рис. 12. Полные напряжения S-YY (в зависимости от нагрузки оси автомобиля на грунт)

Анализ полученных уравнений и графических зависимостей при исследовании полных напряжений S-YY и S-XX на водоводе прямоугольного сечения в однородном грунте при постоянных нагрузках на грунт от оси автомобиля в 5; 20, 25 и 40 т (в зависимости от высоты грунта над водоводом) позволяет прийти к выводу, что и горизонтальные, и вертикальные

Следующий этап исследования математической модели процесса изменения полных напряжений S-YY предполагал выведение на постоянные параметры фактора нагрузки от оси автомобиля, соответственно на значения 5,0; 20,25 и 40,0 т. Данное действие позволило получить следующие соответствующие уравнения:

при 5,0 т 
$$Z = -59,029 x^2 + 101,293 x - 263,063;$$
  
 $20,25 \tau Z = -59,029 x^2 + 104,680 x - 284,752;$   
 $40,0 \tau Z = -59,029 x^2 + 109,067 x - 313,335.$ 

Графическая интерпретация полученных уравнений представлена на рис. 13 (напряжения при постоянных нагрузках на грунт от оси автомобиля в 5; 20,25 и 40 т).

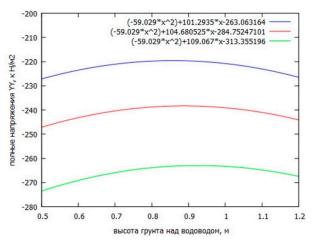


Рис. 13. Полные напряжения S-YY (в зависимости от высоты грунта над водоводом)

напряжения возрастают с увеличением нагрузки на грунт от автомобиля. В исследуемом диапазоне факторов функции отклика зафиксированы экстремумы по минимуму (табл. 2).

Итак, констатируем, что горизонтальные и вертикальные напряжения имеют незначительные изменения при существенном увеличении нагрузки на грунт от оси автомобиля.

Таблица 2. <b>Э</b>	кстре	мальные :	значения п	олных	напряже	ний
в водоводе п	рямоу	/гольного	сечения на	одно	родном гр	унте

Нагрузки на грунт			
от оси автомобиля (т)	над водоводом (м)	S-YY	S-XX
5,0	0,86	-219,82	-103,97
20,25	0,89	-238,25	-113,62
40,0	0,93	-263,1	-126,33

### Заключение

Комплексный анализ математических моделей полных напряжений S-YY и S-XX на водоводе прямоугольного сечения на однородном грунте позволяет констатировать, что влияние выбранных к исследованию факторов на указанные напряжения существенно различается. Так, функция отклика S-YY изменяется от 220 и до 270 (кН/м²), то есть в пределе 50 кН/м², тогда как функция отклика S-XX изменяется от 105 и до 130 (кН/м²), то есть в пределе 25 кН/м², что в 2 раза меньше. Данный факт был геометрически проинтерпретирован посредством интенсивности линий сечений (рис. 8 и 9).

Анализ полученных уравнений и графических зависимостей при исследовании полных напряжений S-YY и S-XX на водоводе в одно-

родном грунте, при постоянных высотах грунта над водоводом 0,5 м, 0,85 и 1,2 м, а также в зависимости от нагрузки оси автомобиля на грунт, позволяет видеть сходную картину влияния факторов на функцию отклика. При этом воздействие линейное, а при наименьшей высоте грунта над водоводом имеется наиболее полное напряжение — как по функции S-YY, так и по функции S-XX.

Дальнейшее увеличение высоты грунта над водоводом до средних значений, принятых в исследовании, приводит к минимальным значениям функции отклика. Но при последующем увеличении высоты насыпи значение полных напряжений по обеим функциям опять увеличивается.

# Библиографический список

- 1. Degtyarev, G. Designing an additional freshwater source infrastructure to ensure the environmental sustainability of coastal areas / G. Degtyarev, O. Takhumova // IOP Conf. ser.: Earth and environmental science. -2019. Vol. 395. No 1. P. 012001.
- 2. Дегтярев, Г. В. Исследование расходных характеристик регулирующего органа ленточного регулятора расхода воды методом планирования эксперимента / Г. В. Дегтярев, Н. В. Коженко // Тр. Кубан. гос. аграр. ун-та. 2014. № 1 (46). С. 212–218.
- 3. Дегтярев, В. Г. Ленточный регулятор расхода с адаптивными характеристиками для рисовых чеков / В. Г. Дегтярев, Г. В. Дегтярев // Тр. Кубан. гос. аграр. ун-та. 2012. № 36. С. 337—341.
- 4. Numerical modeling of condition of the bridge structure based on the results of national surveys / G. V. Degtyarev, G. S. Molotkov, A. N. Sekisov, D. A. Datsjo // Internat. journ. of engineering and technology. −2018. −Vol. 7. −№ 2.13, Spec. is. 13. −P. 226–230. DOI: 10.14419/ijet.v7i2.13.11866
- 5. Algorithm parallelizing for classifying the complex systems / E. K. Edgulova, Z. G. Lamerdonov, T. Yu. Khashirova, L. A. Moskalenko, V. A. Denisenko // Internat. conf. «Quality management, transport and information security, information technologies», St. Petersburg, 24–28 Sept. 2018 / St. Petersburg, 2018. P. 620–622. DOI: 10.1109/ITMQIS.2018.8524982
- 6. Degtyarev, G. V. The seasonal regulation basin dam basis deformation forecast / G. V. Degtyarev, D. A. Dats'o // IOP Conf. ser.: materials science and engineering. 2019. Vol. 698. № 2. P. 022013. DOI:10.1088/1757-899X/698/2/022013
- 7. The monitoring of condition of hydraulic structures / F. K. Abdrazakov, S. S. Orlova, T. A. Pankova, E. N. Mirkina, T. V. Fedyunina // Journ. of advanced research in dynamical and control systems. − 2018. − Vol. 10. − № 13, Spec. is. − P. 1952–1958.
- 8. Information technologies at the choice of an optimum bank protection structures for highways in emergency situations / T. Yu. Khashirova, A. S. Ksenofontov, E. K. Edgulova, Z. G. Lamerdonov, H. S. Nartokov // Internat. conf. «Quality management, transport and information security, information technologies, St. Petersburg, 24–28 Sept. 2018 / St. Petersburg, 2018. P. 656–658. DOI: 10.1109/ITMQIS.2018.8524978
- 9. Olgarenko, V. I. Technical condition diagnostics of the water supply facilities in the irrigation systems / V. I. Olgarenko, I. V. Olgarenko, V. I. Olgarenko // IOP Conf. ser.: materials science and engineering. 2019. Vol. 698, is. 2. № 2. P. 022060. DOI: 10.1088/1757-899X/698/2/022060